

10 三角形と四角形② ~平行四辺形~

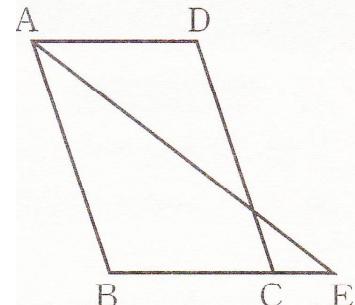
学年		組		氏名	
----	--	---	--	----	--

- 1 右図で、四角形ABCDはAB = 8 cm, AD = 6 cmの平行四辺形である。 $\angle A$ の二等分線とBCをCの方向に延長した直線との交点をEとするとき、CEの長さを求めなさい。

$AD \parallel BC$ より、 $\angle DAE = \angle BEA \cdots ①$
 仮定より $\angle DAE = \angle BAE \cdots ②$

①, ②より
 $\triangle BAE$ はBA = BE = 8の二等辺三角形
 したがって $CE = 8 - 6 = 2$

2 cm



- 2 右図で、四角形ABCDは平行四辺形、Eは辺AD上の点で、 $\angle ABE = \angle EBC$, $EC = DC$ である。 $\angle EAB = 100^\circ$ のとき、 $\angle BEC$ の大きさを求めなさい。

$\angle EAB = 100^\circ$ より、 $\angle ABC = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$

BEは角の二等分線より、 $\angle CBE = 80^\circ \div 2 = 40^\circ$

$AE \parallel BC$ より $\angle AEB = \angle CBE = 40^\circ \cdots ①$

平行四辺形の対角より $\angle CDE = \angle ABC = 80^\circ$

$CD = CE$ より

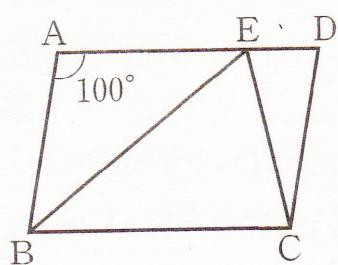
二等辺三角形の底角は等しいから

$\angle CDE = \angle CED = 80^\circ \cdots ②$

①, ②より

$\angle BEC = 180^\circ - 40^\circ - 80^\circ = 60^\circ$

60°



- 3 右図のように、平行四辺形ABCDにおいて、辺BC上に、 $AB = AE$ となるように点Eをとる。このとき、 $\triangle ABC \cong \triangle EAD$ であることを証明しなさい。

$\triangle ABC$ と $\triangle EAD$ において

$AB = EA$ (仮定) $\cdots \cdots \cdots ①$

$BC = AD$ (仮定) $\cdots \cdots \cdots ②$

また、 $\triangle ABE$ は $\angle BAE$ を頂角とする二等辺三角形より底角は等しいので、

$\angle ABE = \angle AEB \cdots \cdots \cdots ③$

$AD \parallel BC$ より、

$\angle EAD = \angle AEB \cdots \cdots \cdots ④$

③, ④より、 $\angle ABC = \angle EAD \cdots \cdots \cdots ⑤$

①, ②, ⑤より、2辺とその間の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABC \cong \triangle EAD$

