

5 1次関数① ~1次関数~

学年		組		氏名	
----	--	---	--	----	--

1 1次関数 $y = \frac{1}{2}x - 2$ について、次の問に答えなさい。

(1) x の増加量が2のとき、 y の増加量を求めなさい。

変化の割合 = $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ 変化の割合が $\frac{1}{2}$ 、 x の増加量が2なので

y の増加量は1となる。

1

(2) x の値が6増加したとき、 y の増加量と、変化の割合を求めなさい。

(1) と同様に考える。

y の増加量

3

変化の割合

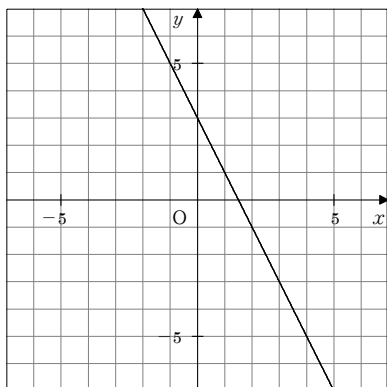
$\frac{1}{2}$

2 次の1次関数のグラフをかきなさい。

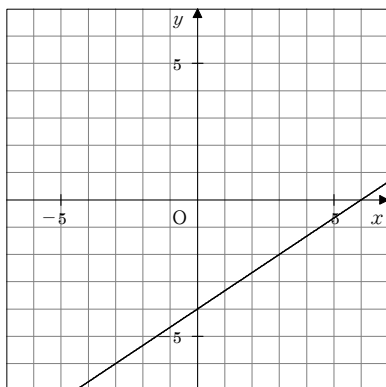
(1) $y = -2x + 3$

(2) $y = \frac{2}{3}x - 4$

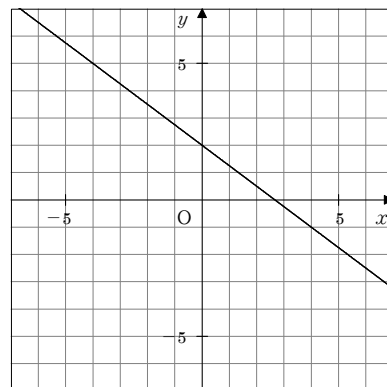
(3) $y = -\frac{3}{4}x + 2$



切片3、傾き-2の直線



切片-4、傾きの $\frac{2}{3}$ の直線



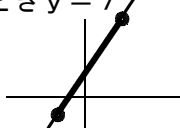
切片2、傾き $-\frac{3}{4}$ の直線

3 1次関数 $y = 2x + 1$ について、 x の変域が $-1 \leq x \leq 3$ のときの y の変域を求めなさい。

$x = -1$ のとき $y = -1$ 、 $x = 3$ のとき $y = 7$

従って $-1 \leq y \leq 7$

大まかなグラフを考えるとよい。



$-1 \leq y \leq 7$

4 次の条件を満たす1次関数(直線の式)を求めなさい。

(1) 変化の割合が4で、 $x = -3$ のとき $y = 1$ である1次関数。

1次関数の式は $y = ax + b$

変化の割合が4より $a = 4$ よって $y = 4x + b$

ここに $x = -3$ 、 $y = 1$ を代入し b を求める。

$y = 4x + 13$

(2) 傾きが-2で、点(4, 3)を通る直線の式。

直線の式は $y = ax + b$ 。傾きが-2より $a = -2$

よって $y = -2x + b$ 。点(4, 3)を通るので

$x = 4$ 、 $y = 3$ を代入し b を求める。

$y = -2x + 11$

(3) 2点 $(-2, -3)$, $(1, 3)$ を通る直線の式。

$$y = 2x + 1$$

<考え方1>

直線の式は $y = ax + b$

点 $(-2, -3)$ を通るので, $x = -2$, $y = -3$ を代入 $-3 = -2a + b \dots\dots ①$

点 $(1, 3)$ も通るので, $x = 1$, $y = 3$ を代入 $3 = a + b \dots\dots ②$

①, ②を連立方程式として a , b の値を求める。

<考え方2>

直線の式は $y = ax + b$

2点 $(-2, -3)$, $(1, 3)$ を通ることから, 直線の傾きを求める。

x の増加量 $= 1 - (-2) = 3$ y の増加量 $= 3 - (-3) = 6$ 表で表すと

x	$-2 \dots\dots 1$
y	$-3 \dots\dots 3$

③
⑥

したがって 傾き (変化の割合) $= \frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}} = \frac{6}{3} = 2$ なので $\frac{6}{3} = 2$

よって直線の式は $y = 2x + b \dots\dots ①$ となる。

①に 直線を通る2つの点のどちらかを代入する。

$x = 1$, $y = 3$ を代入すると $3 = 2 + b$ となり b を求める。